

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Тюменская область Ханты-Мансийский автономный округ-Югра**

**Администрация Нижневартовского района**

**МБОУ "Чехломеевская ОШ"**

**РАССМОТРЕНО**

Методическое объединение,  
руководитель МО

\_\_\_\_\_  
А.В. Зарипова

Протокол №1  
от 28.08.2023 г.

**СОГЛАСОВАНО**

Педагогический совет от  
30.08.2023 №1

Протокол №1  
от 30.08.2023 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

И.О. директора МБОУ  
"Чехломеевская ОШ"

\_\_\_\_\_  
А.В. Комровская

Приказ №127  
от 30.08.2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 3750431)

**учебного курса «Вероятность и статистика»**

для обучающихся 7-9 классов

**д. Чехломей 2023**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать

данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе – 34 часа (1 час в неделю).

## **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

### **7 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

### **8 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на

нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

## **9 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Вероятность и статистика» характеризуются:

### 1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

### 2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

### 3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

### 4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

### 5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

## **б) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:**

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

## **7) экологическое воспитание:**

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

## **8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

#### **Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### **Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

#### **Коммуникативные универсальные учебные действия:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения

- в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
  - представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
  - понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
  - принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
  - участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения **в 7 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения **в 9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
7 КЛАСС**

| № п/п                               | Наименование разделов и тем программы    | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы                                          |
|-------------------------------------|------------------------------------------|------------------|--------------------|---------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------|
|                                     |                                          | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |                                                                                         |
| 1                                   | Представление данных                     | 7                |                    | 2                   | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> |
| 2                                   | Описательная статистика                  | 8                | 0                  | 1                   | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> |
| 3                                   | Случайная изменчивость                   | 6                |                    | 1                   | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> |
| 4                                   | Введение в теорию графов                 | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> |
| 5                                   | Вероятность и частота случайного события | 4                |                    | 1                   | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> |
| 6                                   | Обобщение, систематизация знаний         | 5                | 2                  |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f415fdc">https://m.edsoo.ru/7f415fdc</a> |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                          | 34               | 2                  | 5                   |                                                                                         |

## 8 КЛАСС

| № п/п                               | Наименование разделов и тем программы       | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы                                          |
|-------------------------------------|---------------------------------------------|------------------|--------------------|---------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------|
|                                     |                                             | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |                                                                                         |
| 1                                   | Повторение курса 7 класса                   | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 2                                   | Описательная статистика. Рассеивание данных | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 3                                   | Множества                                   | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 4                                   | Вероятность случайного события              | 6                | 0                  | 1                   | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 5                                   | Введение в теорию графов                    | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 6                                   | Случайные события                           | 8                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| 7                                   | Обобщение, систематизация знаний            | 4                | 2                  |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f417fb2">https://m.edsoo.ru/7f417fb2</a> |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                             | 34               | 2                  | 1                   |                                                                                         |

## 9 КЛАСС

| № п/п                               | Наименование разделов и тем программы | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы                                          |
|-------------------------------------|---------------------------------------|------------------|--------------------|---------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------|
|                                     |                                       | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |                                                                                         |
| 1                                   | Повторение курса 8 класса             | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 2                                   | Элементы комбинаторики                | 4                |                    | 2                   | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 3                                   | Геометрическая вероятность            | 4                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 4                                   | Испытания Бернулли                    | 6                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 5                                   | Случайная величина                    | 6                |                    |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| 6                                   | Обобщение, контроль                   | 10               | 1                  |                     | Библиотека ЦОК<br><a href="https://m.edsoo.ru/7f41a302">https://m.edsoo.ru/7f41a302</a> |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                       | 34               | 1                  | 2                   |                                                                                         |



## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 7 КЛАСС

| № п/п | Тема урока                                                                          | Количество часов |                    |                     | Дата изучения |
|-------|-------------------------------------------------------------------------------------|------------------|--------------------|---------------------|---------------|
|       |                                                                                     | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |               |
| 1     | Представление данных в таблицах                                                     | 1                |                    |                     |               |
| 2     | Практические вычисления по табличным данным                                         | 1                |                    |                     |               |
| 3     | Извлечение и интерпретация табличных данных                                         | 1                |                    |                     |               |
| 4     | Практическая работа "Таблицы"                                                       | 1                |                    | 1                   |               |
| 5     | Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых) диаграмм | 1                |                    |                     |               |
| 6     | Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм                      | 1                |                    |                     |               |
| 7     | Практическая работа "Диаграммы"                                                     | 1                |                    | 1                   |               |
| 8     | Числовые наборы. Среднее арифметическое                                             | 1                |                    |                     |               |
| 9     | Числовые наборы. Среднее арифметическое                                             | 1                |                    |                     |               |
| 10    | Медиана числового набора. Устойчивость медианы                                      | 1                |                    |                     |               |
| 11    | Медиана числового набора. Устойчивость медианы                                      | 1                |                    |                     |               |
| 12    | Практическая работа "Средние                                                        | 1                |                    | 1                   |               |

|    |                                                                                    |   |   |   |  |
|----|------------------------------------------------------------------------------------|---|---|---|--|
|    | значения"                                                                          |   |   |   |  |
| 13 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах                          | 1 |   |   |  |
| 14 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах                          | 1 |   |   |  |
| 15 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах                          | 1 |   |   |  |
| 16 | Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"        | 1 | 1 |   |  |
| 17 | Случайная изменчивость (примеры)                                                   | 1 |   |   |  |
| 18 | Частота значений в массиве данных                                                  | 1 |   |   |  |
| 19 | Группировка                                                                        | 1 |   |   |  |
| 20 | Гистограммы                                                                        | 1 |   |   |  |
| 21 | Гистограммы                                                                        | 1 |   |   |  |
| 22 | Практическая работа "Случайная изменчивость"                                       | 1 |   | 1 |  |
| 23 | Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа                         | 1 |   |   |  |
| 24 | Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Цепь и цикл | 1 |   |   |  |
| 25 | Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа                         | 1 |   |   |  |
| 26 | Представление об ориентированных графах                                            | 1 |   |   |  |
| 27 | Случайный опыт и случайное событие                                                 | 1 |   |   |  |

|                                     |                                                                                                            |    |   |   |  |
|-------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|---|---|--|
| 28                                  | Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе | 1  |   |   |  |
| 29                                  | Монета и игральная кость в теории вероятностей                                                             | 1  |   |   |  |
| 30                                  | Практическая работа "Частота выпадения орла"                                                               | 1  |   | 1 |  |
| 31                                  | Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного события"                | 1  | 1 |   |  |
| 32                                  | Повторение, обобщение. Представление данных                                                                | 1  |   |   |  |
| 33                                  | Повторение, обобщение. Описательная статистика                                                             | 1  |   |   |  |
| 34                                  | Повторение, обобщение. Вероятность случайного события                                                      | 1  |   |   |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                                                                                            | 34 | 2 | 5 |  |

## 8 КЛАСС

| №<br>п/п | Тема урока                                                                                       | Количество часов |                       |                        | Дата<br>изучения |
|----------|--------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------|-----------------------|------------------------|------------------|
|          |                                                                                                  | Всего            | Контрольные<br>работы | Практические<br>работы |                  |
| 1        | Представление данных. Описательная статистика                                                    | 1                |                       |                        |                  |
| 2        | Случайная изменчивость. Средние числового набора                                                 | 1                |                       |                        |                  |
| 3        | Случайные события. Вероятности и частоты                                                         | 1                |                       |                        |                  |
| 4        | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость                                | 1                |                       |                        |                  |
| 5        | Отклонения                                                                                       | 1                |                       |                        |                  |
| 6        | Дисперсия числового набора                                                                       | 1                |                       |                        |                  |
| 7        | Стандартное отклонение числового набора                                                          | 1                |                       |                        |                  |
| 8        | Диаграммы рассеивания                                                                            | 1                |                       |                        |                  |
| 9        | Множество, подмножество                                                                          | 1                |                       |                        |                  |
| 10       | Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение                                   | 1                |                       |                        |                  |
| 11       | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения | 1                |                       |                        |                  |
| 12       | Графическое представление множеств                                                               | 1                |                       |                        |                  |
| 13       | Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"                                              | 1                | 1                     |                        |                  |

|    |                                                                                                               |   |  |   |  |
|----|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|--|---|--|
| 14 | Элементарные события. Случайные события                                                                       | 1 |  |   |  |
| 15 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий                                                  | 1 |  |   |  |
| 16 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий                                                  | 1 |  |   |  |
| 17 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор                                              | 1 |  |   |  |
| 18 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор                                              | 1 |  |   |  |
| 19 | Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"                                         | 1 |  | 1 |  |
| 20 | Дерево                                                                                                        | 1 |  |   |  |
| 21 | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер | 1 |  |   |  |
| 22 | Правило умножения                                                                                             | 1 |  |   |  |
| 23 | Правило умножения                                                                                             | 1 |  |   |  |
| 24 | Противоположное событие                                                                                       | 1 |  |   |  |
| 25 | Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий                                                           | 1 |  |   |  |
| 26 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей                                                           | 1 |  |   |  |
| 27 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей                                                           | 1 |  |   |  |

|                                     |                                                                              |    |   |   |  |
|-------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------|----|---|---|--|
| 28                                  | Правило умножения вероятностей.<br>Условная вероятность. Независимые события | 1  |   |   |  |
| 29                                  | Правило умножения вероятностей.<br>Условная вероятность. Независимые события | 1  |   |   |  |
| 30                                  | Представление случайного эксперимента<br>в виде дерева                       | 1  |   |   |  |
| 31                                  | Представление случайного эксперимента<br>в виде дерева                       | 1  |   |   |  |
| 32                                  | Повторение, обобщение. Представление<br>данных. Описательная статистика      | 1  |   |   |  |
| 33                                  | Повторение, обобщение. Графы                                                 | 1  |   |   |  |
| 34                                  | Контрольная работа по темам "Случайные<br>события. Вероятность. Графы"       | 1  | 1 |   |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                                                              | 34 | 2 | 1 |  |

## 9 КЛАСС

| № п/п | Тема урока                                                                                               | Количество часов |                    |                     | Дата изучения |
|-------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------|--------------------|---------------------|---------------|
|       |                                                                                                          | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |               |
| 1     | Представление данных                                                                                     | 1                |                    |                     |               |
| 2     | Описательная статистика                                                                                  | 1                |                    |                     |               |
| 3     | Операции над событиями                                                                                   | 1                |                    |                     |               |
| 4     | Независимость событий                                                                                    | 1                |                    |                     |               |
| 5     | Комбинаторное правило умножения                                                                          | 1                |                    |                     |               |
| 6     | Перестановки. Факториал. Сочетания и число сочетаний                                                     | 1                |                    |                     |               |
| 7     | Треугольник Паскаля                                                                                      | 1                |                    |                     |               |
| 8     | Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц"  | 1                |                    | 1                   |               |
| 9     | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1                |                    |                     |               |
| 10    | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1                |                    |                     |               |
| 11    | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности | 1                |                    |                     |               |
| 12    | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из                             | 1                |                    |                     |               |

|    |                                                                                |   |  |   |  |
|----|--------------------------------------------------------------------------------|---|--|---|--|
|    | отрезка, из дуги окружности                                                    |   |  |   |  |
| 13 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха                  | 1 |  |   |  |
| 14 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха                  | 1 |  |   |  |
| 15 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха                  | 1 |  |   |  |
| 16 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли             | 1 |  |   |  |
| 17 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли             | 1 |  |   |  |
| 18 | Практическая работа "Испытания Бернулли"                                       | 1 |  | 1 |  |
| 19 | Случайная величина и распределение вероятностей                                | 1 |  |   |  |
| 20 | Математическое ожидание и дисперсия случайной величины                         | 1 |  |   |  |
| 21 | Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины | 1 |  |   |  |
| 22 | Понятие о законе больших чисел                                                 | 1 |  |   |  |
| 23 | Измерение вероятностей с помощью частот                                        | 1 |  |   |  |
| 24 | Применение закона больших чисел                                                | 1 |  |   |  |
| 25 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных                         | 1 |  |   |  |
| 26 | Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика                      | 1 |  |   |  |

|                                     |                                                                                                 |    |   |   |  |
|-------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------|----|---|---|--|
| 27                                  | Обобщение, систематизация знаний.<br>Представление данных. Описательная статистика              | 1  |   |   |  |
| 28                                  | Обобщение, систематизация знаний.<br>Вероятность случайного события                             | 1  |   |   |  |
| 29                                  | Обобщение, систематизация знаний.<br>Вероятность случайного события.<br>Элементы комбинаторики  | 1  |   |   |  |
| 30                                  | Обобщение, систематизация знаний.<br>Элементы комбинаторики                                     | 1  |   |   |  |
| 31                                  | Обобщение, систематизация знаний.<br>Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения | 1  |   |   |  |
| 32                                  | Обобщение, систематизация знаний.<br>Случайные величины и распределения                         | 1  |   |   |  |
| 33                                  | Итоговая контрольная работа                                                                     | 1  | 1 |   |  |
| 34                                  | Обобщение, систематизация знаний                                                                | 1  |   |   |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |                                                                                                 | 34 | 1 | 2 |  |



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Вероятность и статистика. Высоцкий И.Р., Яценко И. В. (7-9)

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ**

**ИНТЕРНЕТ**

<http://uztest.ru/>

<http://methmath.chat.ru/index.html>

<https://www.uchportal.ru/>

<http://school-collection.edu.ru/>

<https://urok.1sept.ru/>

<https://www.bymath.net/>

<https://comp-science.narod.ru/>

<http://www.allmath.ru/>

